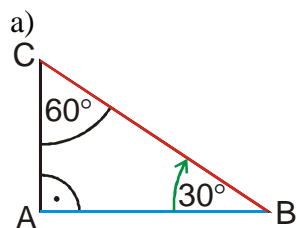


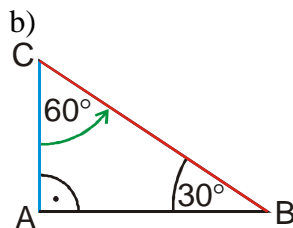
4.2.4 Orientovaný úhel I

Př. 1: Na obrázku je nakreslen trojúhelník ABC. Urči velikost orientovaných úhlů:

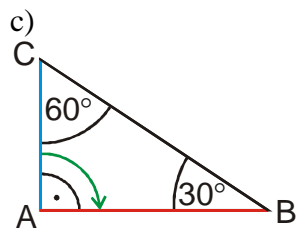
- a) \widehat{ABC} b) \widehat{ACB} c) \widehat{CAB} d) \widehat{CBA}



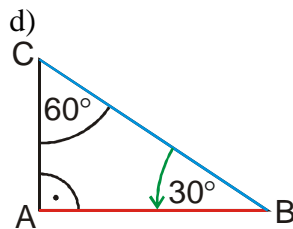
Otáčíme po směru hodinových ručiček \Rightarrow
 $\widehat{ABC} = -30^\circ$.



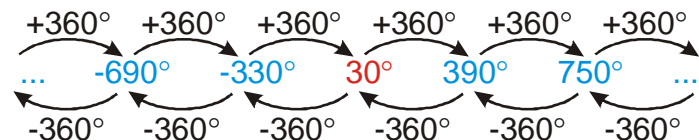
Otáčíme proti směru hodinových ručiček \Rightarrow
 $\widehat{ACB} = 60^\circ$.



Otáčíme po směru hodinových ručiček \Rightarrow
 $\widehat{CAB} = -90^\circ$.



Otáčíme proti směru hodinových ručiček \Rightarrow
 $\widehat{CBA} = 30^\circ$.



Nejhezčí hodnota 30° (nejmenší kladné číslo) = **základní velikost orientovaného úhlu \widehat{CBA}** .

Základní velikostí úhlu nazýváme velikost α , pro kterou platí $\alpha \in \langle 0; 360^\circ \rangle$

Př. 2: Zformuluj větu o základní velikosti úhlu \widehat{AVB} v obloukové míře.

Převědeme krajní body intervalu: $360^\circ = 2\pi$ rad.

Základní velikostí úhlu nazýváme velikost α , pro kterou platí $\alpha \in \langle 0; 2\pi \rangle$.

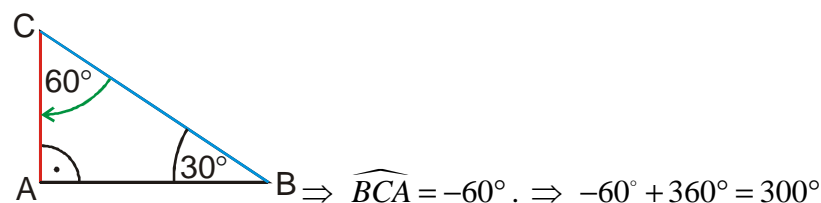
Velikostí orientovaného úhlu \widehat{AVB} , jehož základní velikostí je α , se nazývá každé číslo $\alpha + k \cdot 360^\circ$, kde $k \in \mathbb{Z}$.

Př. 3: Zformuluj větu o všech velikostech orientovaného úhlu \widehat{AVB} v obloukové míře.

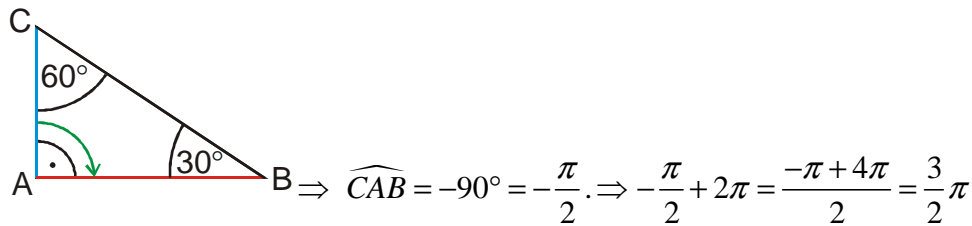
K základní velikosti přidáváme násobky jedné otáčky $\Rightarrow 360^\circ = 2\pi$ rad.

Velikostí orientovaného úhlu \widehat{AVB} , jehož základní velikostí je α , se nazývá každé číslo $\alpha + k \cdot 2\pi$, kde $k \in \mathbb{Z}$.

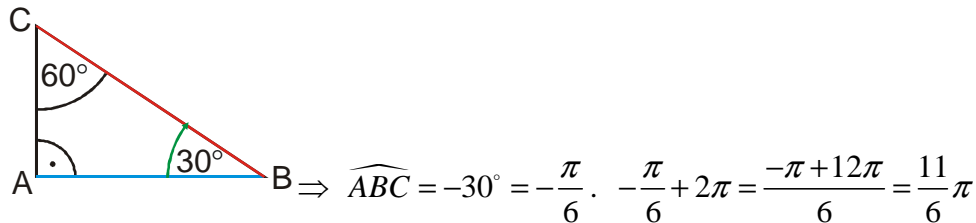
Př. 4: Napiš základní a tři další velikosti úhlu \widehat{BCA} v trojúhelníku ABC.



Př. 5: Napiš základní a tři další velikosti úhlu \widehat{CAB} v trojúhelníku ABC . Vše vyjádři v obloukové míře.



Př. 6: Napiš základní a tři další velikosti úhlu \widehat{ABC} v trojúhelníku ABC . Vše vyjádři v obloukové míře.



Př. 7: Rozhodni, které z následujících čísel jsou velikosti úhlu $\beta = 330^\circ$.

- a) 690° b) 1740° c) 2490° d) -1500°

a) $690^\circ - 330^\circ = 360^\circ \Rightarrow 690^\circ$ je velikost úhlu β .

b) $1740^\circ - 330^\circ = 1410^\circ$ $\frac{1410^\circ}{360^\circ} = 3,9... \Rightarrow 1740^\circ$ není velikost úhlu β .

c) $2490^\circ - 330^\circ = 2160^\circ$ $\frac{2160^\circ}{360^\circ} = 6 \Rightarrow 2490^\circ$ je velikost úhlu β .

d) $-1500^\circ - 330^\circ = -1830^\circ$ $\frac{-1830^\circ}{360^\circ} = -5,08... \Rightarrow -1500^\circ$ není velikost úhlu β .

Př. 8: Rozhodni, které z následujících čísel jsou velikosti úhlu $\alpha = \frac{5}{6}\pi$.

- a) $\frac{29}{6}\pi$ b) $\frac{131}{6}\pi$ c) $\frac{257}{6}\pi$ d) $-\frac{175}{6}\pi$

a) $\frac{29}{6}\pi - \frac{5}{6}\pi = \frac{24}{6}\pi = 4\pi = 2 \cdot 2\pi \Rightarrow \frac{29}{6}\pi$ je velikost úhlu α .

b) $\frac{131}{6}\pi - \frac{5}{6}\pi = \frac{126}{6}\pi = 21\pi \neq k \cdot 2\pi \Rightarrow \frac{131}{6}\pi$ není velikost úhlu α .

c) Má platit $\frac{257}{6}\pi = \frac{5}{6}\pi + k \cdot 2\pi \Rightarrow$ rozdíl $\frac{257}{6}\pi - \frac{5}{6}\pi$ by měl být násobek 2π .

$\frac{257}{6}\pi - \frac{5}{6}\pi = \frac{252}{6}\pi = 42\pi = 21 \cdot 2\pi \Rightarrow \frac{257}{6}\pi$ je velikost úhlu α .

d) Má platit $-\frac{175}{6}\pi = \frac{5}{6}\pi + k \cdot 2\pi \Rightarrow$ rozdíl $-\frac{175}{6}\pi - \frac{5}{6}\pi$ by měl být násobek 2π .

$-\frac{175}{6}\pi - \frac{5}{6}\pi = -\frac{180}{6}\pi = -30\pi = -15 \cdot 2\pi \Rightarrow -\frac{175}{6}\pi$ je velikost úhlu α .