

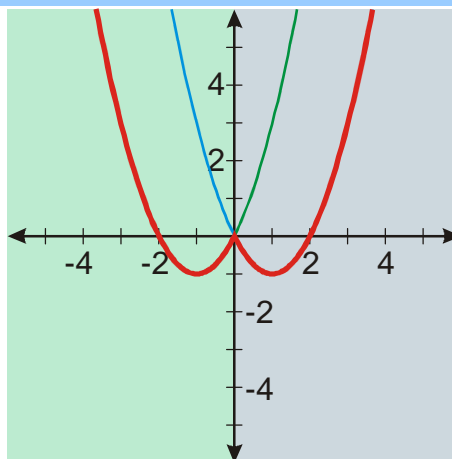
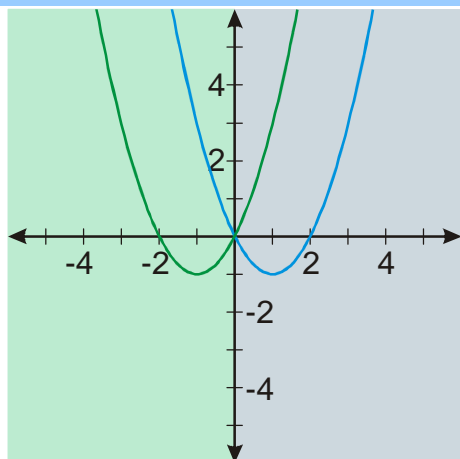
2.5.3 Kvadratické funkce s absolutní hodnotou

Pedagogická poznámka: Zadání příkladů je krátké, takže je stačí přepsat na tabuli.

Př. 1: Nakresli graf funkce $y = x^2 - 2|x|$.

1) $x \in (-\infty; 0)$ $y = x^2 - 2|x| = x^2 - 2(-x) = x^2 + 2x + 1 - 1 = (x+1)^2 - 1$

2) $x \in \langle 0; \infty)$ $y = x^2 - 2|x| = x^2 - 2x = x^2 - 2x + 1 - 1 = (x-1)^2 - 1$



Poznámka: Tento graf již známe u funkce $y = (|x| - 1)^2 - 1$. Platí $x^2 = |x|^2$. Předpis funkce pak můžeme upravit takto: $y = x^2 - 2|x| = |x|^2 - 2|x| + 1 - 1 = (|x| - 1)^2 - 1$.

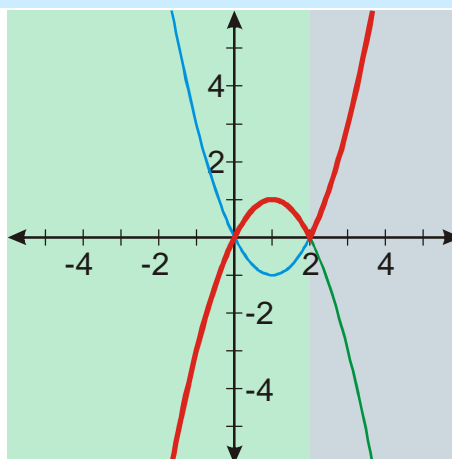
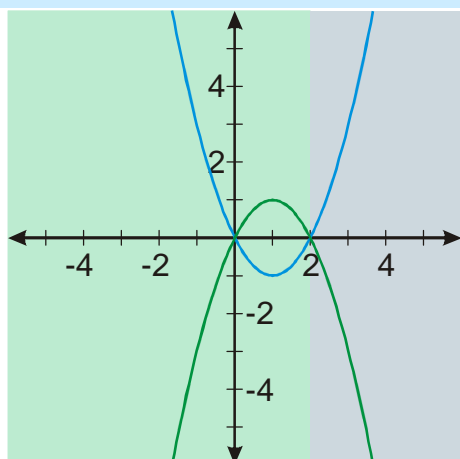
Př. 2: Najdi způsob, jak s využitím vlastností funkce $y = x^2 - 2|x|$ nakreslit její graf bez nutnosti rozdělování definičního oboru na intervaly.

Z předpisu je jasné, že funkce $y = x^2 - 2|x|$ je sudá (skládá se ze dvou sudých funkcí $y = x^2$ a $y = |x|$) \Rightarrow

Př. 3: Nakresli graf funkce $y = x|x-2|$.

1) $x \in (-\infty; 2)$ $y = x|x-2| = x(-x+2) = -x^2 + 2x = -x^2 + 2x - 1 + 1 = -(x-1)^2 + 1$

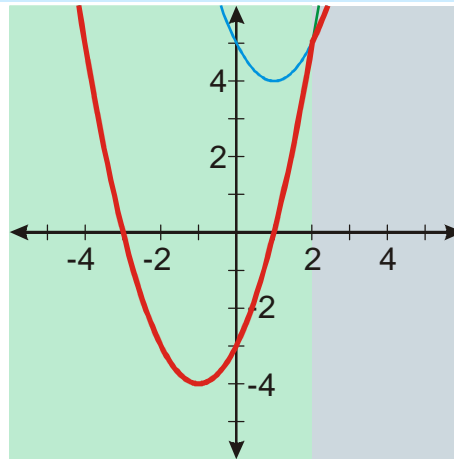
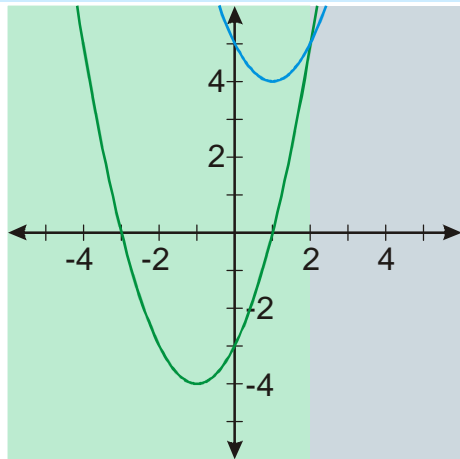
2) $x \in \langle 2; \infty)$ $y = x|x-2| = x(x-2) = x^2 - 2x = x^2 - 2x + 1 - 1 = (x-1)^2 - 1$



Př. 4: Nakresli graf funkce $y = x^2 - 2|x - 2| + 1$.

1) $x \in (-\infty; 2)$ $y = x^2 - 2|x - 2| + 1 = x^2 + 2(x - 2) + 1 = x^2 + 2x - 4 + 1 = (x + 1)^2 - 4$

2) $x \in \langle 2; \infty)$ $y = x^2 - 2|x - 2| + 1 = x^2 - 2(x - 2) + 1 = x^2 - 2x + 4 + 1 = (x - 1)^2 + 4$



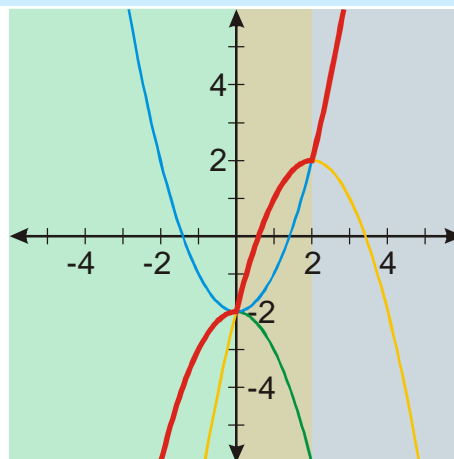
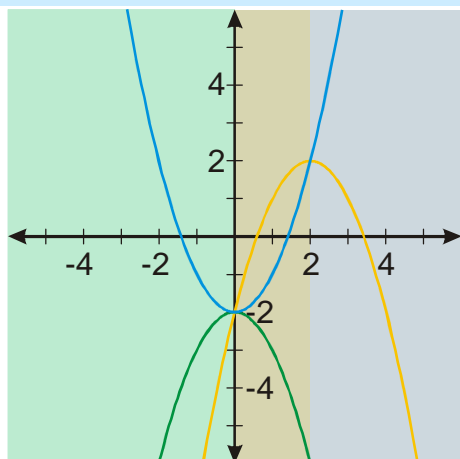
Př. 5: Nakresli graf funkce $y = x|2 - x| + 2|x| - 2$.

1) $x \in (-\infty; 0)$ $y = x|2 - x| + 2|x| - 2 = x(2 - x) + 2(-x) - 2 = 2x - x^2 - 2x - 2 = -x^2 - 2$

$y = x|2 - x| + 2|x| - 2 = x(2 - x) + 2x - 2 = 2x - x^2 + 2x - 2 = -x^2 + 4x - 2 =$

2) $= -(x^2 - 4x) - 2 = -(x^2 - 2x \cdot 2 + 2^2 - 2^2) - 2 = -[(x - 2)^2 - 4] - 2 = -(x - 2)^2 + 2$

3) $x \in \langle 2; \infty)$ $y = x|2 - x| + 2|x| - 2 = x(x - 2) + 2x - 2 = x^2 - 2x + 2x - 2 = x^2 - 2$



Př. 6: Petáková:

strana 29/cvičení 55 $g_2; g_4; h_3; k_1$