

## 5.3.6 Ohyb na mřížce

**Předpoklady:** 5305

optická mřížka = soustava rovnoběžných velmi blízkých štěrbin

realizace = skleněná destička s rovnoběžnými vrypy, přes vryp světlo neprochází, prochází přes nepoškrabaná místa (štěrbinou je tedy sklo bez vrypu)

podobně jako u dvojštěrbiny z každé štěrbinou vychází paprsky do různých směrů, které navzájem interferují  $\Rightarrow$  na stínítku za mřížkou vznikne při použití monochromatického světla interferenční obrazec podobný obrazci za dvojštěrbinou



maxima jsou užší a výraznější

vzorec pro maxima je stejný jako u dvojštěrbiny:  $b \sin \alpha_k = k \lambda$   $b$  – vzdálenost mezi štěrbinami = vzdálenost sousedních vrypů na destičce = **mřížková konstanta**

**Př. 1:** Nakresli obraz, který vznikne na stínítku, když mřížku osvětlujeme místo monochromatického světla bílým světlem.

Bílé světlo se skládá z barev, které mají různé vlnové délky  $\Rightarrow$  maxima prvního a vyšších řádů vznikají v různých směrech  $\Rightarrow$  po stranách od prvního maxima se objeví duha, nejbližší ke středu bude fialová barva (fialové světlo má nejkratší vlnovou délku a tedy nejmenší úhel).



Pomocí mřížky dokážeme rozložit bílé světlo na barvy daleko jednodušeji než pomocí hranolu  $\Rightarrow$  časté použití



CD a DVD disky tvoří spirála = tenké drážky ve velmi malé vzdálenosti = optická mřížka  $\Rightarrow$  při pohledu z vhodného úhlu vidíme jak rozkládají světlo na barvy



**Př. 2:** Urči úhlovou odchylku krajních barev spektra prvního řádu, které vzniká na optické mřížce s 400 vrypů na 1 mm.  
(Počítej s rozsahem vlnových délek 400 nm – 760 nm).

Nejdříve musíme určit mřížkovou konstantu mřížky:

400 vrypů na 1 mm  $\Rightarrow$  1 vryp ...  $\frac{1}{400} = 0,0025 \text{ mm} = 2500 \text{ nm}$  tato vzdálenost připadá na

1 vryp  $\Rightarrow$  můžeme ji brát jako vzdálenost mezi dvěma vrypů a tedy přímo mřížkovou konstantu  $b$

$$b \sin \alpha_k = k \lambda$$

$$\sin \alpha_k = \frac{k \lambda}{b}$$

Úhel prvního maxima pro fialovou barvu:  $\sin \alpha_F = \frac{1 \cdot 400}{2500} = 0,16 \Rightarrow \alpha_F = 9^\circ 12'$

Úhel prvního maxima pro červenou barvu:  $\sin \alpha_C = \frac{1 \cdot 760}{2500} = 0,304 \Rightarrow \alpha_C = 17^\circ 42'$

Úhlová odchylka:  $\Delta \alpha = \alpha_C - \alpha_F = 17^\circ 42' - 9^\circ 12' = 8^\circ 30'$

Krajní barvy spektra prvního řádu vzniklého na optické mřížce s 400 vrypů na 1 mm mají úhlovou odchylku  $8^\circ 30'$ .

**Poznámka:** Pro srovnání si připomeňme, že šířka spektra (s trochu odlišnými krajními vlnovými délkami) vzniklého lomem byla pouze  $1^\circ 23'$ .

**Př. 3:** Urči úhly, pod kterými vznikají maxima 2. a 3. řádu krajních barev spektra, na optické mřížce s 400 vrypů na 1 mm. Na základně výpočtů dokresli obrázek stínítka za optickou mřížkou nakreslený v příkladu 1. (Počítej s rozsahem vlnových délek 400 nm – 760 nm).

Stejný postup jako v předchozím příkladě:

Mřížková konstanta mřížky:  $\frac{1}{400} = 0,0025 \text{ mm} = 2500 \text{ nm}$

$$b \sin \alpha_k = k \lambda$$

$$\sin \alpha_k = \frac{k \lambda}{b}$$

Úhel druhého maxima pro fialovou barvu:  $\sin \alpha_{2F} = \frac{2 \cdot 400}{2500} = 0,32 \Rightarrow \alpha_{2F} = 18^\circ 40'$

Úhel druhého maxima pro červenou barvu:  $\sin \alpha_{2\check{c}} = \frac{2 \cdot 760}{2500} = 0,608 \Rightarrow \alpha_{2\check{c}} = 37^\circ 27'$

Úhel třetího maxima pro fialovou barvu:  $\sin \alpha_{3F} = \frac{3 \cdot 400}{2500} = 0,48 \Rightarrow \alpha_{3F} = 28^\circ 41'$

Úhel třetího maxima pro červenou barvu:  $\sin \alpha_{3\check{c}} = \frac{3 \cdot 760}{2500} = 0,912 \Rightarrow \alpha_{3\check{c}} = 65^\circ 47'$

$\Rightarrow$  šířky spekter se postupně zvětšují a konec druhého spektra se překrývá s třetím  
Obrázek můžeme nakreslit pouze k druhému maximu oranžové barvy, kde se začne spektrum druhého řádu překrývat se spektrem třetího a spektrální barvy se začnou skládat do dalších odstínů.



**Př. 4:** Vysvětli odrazy svíčky, které vznikají na zadní straně CD a jsou zachyceny na přiložené fotografii.



Zadní (datová) strana CD je pokryta velmi jemnou spirálou. Tato spirála vytváří optickou mřížku. Na obrázku je na CD vidět pod hořící svíčkou bílý plamínek = maximum nultého řádu společné pro všechny barvy, pro paprsky, které dopadají do našeho oka z bílého plamínku platí zákon odrazu.

Pod bílým plamínkem je duhový zvětšený plamínek = maximum prvního řádu. Uprostřed je bílé, protože plamínek je poměrně velký a uprostřed se schází paprsky s různých míst plamínku, reprezentující různé barvy ohnuté různým způsobem.

**Př. 5:** Urči kolik maxim vznikne pro fialové světlo na mřížce s 250 vrypů. Kolik maxim na této mřížce vznikne pro světlo červené?

Využijeme postup z příkladu 2.

$$b \sin \alpha_k = k \lambda$$

$$\sin \alpha_k = \frac{k \lambda}{b} \text{ levou stranou rovnice je } \sin \alpha_k, \text{ tedy číslo menší nebo rovno jedné } \Rightarrow$$

dosadíme za něj 1 a tak získáme největší možnou hodnotu  $k$

$$1 = \frac{k \lambda}{b} \Rightarrow k = \frac{b}{\lambda}$$

Nejdříve musíme určit mřížkovou konstantu mřížky:

$$400 \text{ vrypů na } 1 \text{ mm} \Rightarrow 1 \text{ vryp} \dots \frac{1}{250} = 0,004 \text{ mm} = 4000 \text{ nm} = b$$

Nejvyšší maximum pro fialové světlo:  $k = \frac{b}{\lambda} = \frac{4000}{400} = 10$  optická mřížka vytvoří pro fialové světlo 11 maxim (to poslední maximum 10. řádu pod pravým úhlem)

Nejvyšší maximum pro červené světlo:  $k = \frac{b}{\lambda} = \frac{4000}{760} = 5,23$  optická mřížka vytvoří pro červené světlo 6 maxim (poslední maximum je maximum 5. řádu)

**Př. 6:** Urči hustotu vrypů optické mřížky, bylo-li maximum 1.řádu oranžového světla ( $\lambda = 600 \text{ nm}$ ) pozorováno s úhlovou odchylkou  $11^\circ 30'$ .

Využijeme postup základní vzorec  $b \sin \alpha_k = k \lambda$ .

$$b = \frac{k \lambda}{\sin \alpha_k}$$

Určíme dosazením mřížkovou konstantu:

$$b = \frac{k \lambda}{\sin \alpha_k} = \frac{1 \cdot 600}{\sin 11^\circ 30'} \text{ nm} = 3010 \text{ nm} = 0,00301 \text{ mm}$$

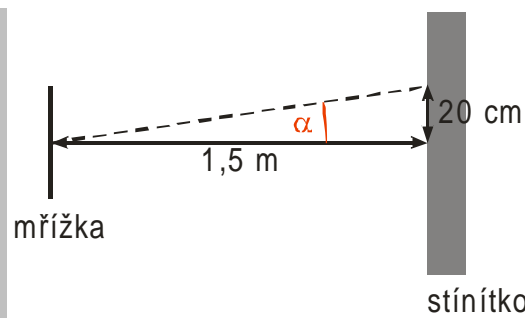
počet vrypů na 1 mm získáme jako převrácenou hodnotu mřížkové konstanty:

$$\frac{1}{0,00301} = 332 \text{ vrypů na mm}$$

Optická mřížka musí mít hustotu 332 vrypů na 1 mm.

**Př. 7:** Urči hustotu vrypů optické mřížky, jestliže maximum 1.řádu oranžového světla ( $\lambda = 600 \text{ nm}$ ) je na stínítku ve vzdálenosti 1,5 m od mřížky 20 cm od maxima 0. řádu.

Příklad je velmi podobný předchozímu s jediným rozdílem – neznáme úhlovou odchylku maxima.



Z obrázku je zřejmé, že platí:  $\text{tg } \alpha_k = \frac{0,2}{1,5} \Rightarrow \alpha_k = 7^\circ 36'$

Dále už je řešení stejné jako v předchozím příkladě:

$$b = \frac{k \lambda}{\sin \alpha_k}$$

Určíme dosazením mřížkovou konstantu:

$$b = \frac{k \lambda}{\sin \alpha_k} = \frac{1 \cdot 600}{\sin 7^\circ 36'} \text{ nm} = 4540 \text{ nm} = 0,00454 \text{ mm}$$

počet vrypů na 1 mm získáme jako převrácenou hodnotu mřížkové konstanty:

$$\frac{1}{0,00454} = 220 \text{ vrypů na mm}$$

Optická mřížka musí mít hustotu 220 vrypů na 1 mm.

**Shrnutí:** Ohyb světla optickou mřížkou (soustavou rovnoběžných štěrbin) je popsán stejným vzorcem jako u dvojštěrbiny kromě bílého maxima nultého řádu vytváří duhová maxima vyšších řádů.